

## شناسایی حباب قیمتی سهام عادی بورس اوراق بهادر تهران با استفاده از مدل ارزش حال

عزت‌الله عباسیان<sup>۱</sup>، وحید محمودی<sup>۲\*</sup>، الهام فرزانگان<sup>۳</sup>

**چکیده:** بازارهای مالی بهویژه بازار سرمایه از مهم‌ترین ابزارهای تجهیز و تخصیص منابع مالی به شمار می‌روند. نظر به اهمیت استراتژیک مالی و اقتصادی این بازار، هرگاه اخلال و انحراف گسترده‌ای در آن رخ دهد، تجهیز و تخصیص منابع مالی کشور با مشکل جدی مواجه می‌شود. یکی از عوامل به وجود آورنده این مسائل حباب قیمتی است. به طور کلی هنگامی که قیمت یک سهم با قیمت انتظاری آتی آن، تفاوت داشته باشد بحث حباب در بازار مطرح می‌شود. این مقاله اعتبار مدل ارزش حال با انتظارات متغیر زمانی را با استفاده از آزمون همانباشتگی آستانه‌ای تکانه‌ای M-TAR بررسی می‌کند و به پژوهش این موضوع می‌پردازد که آیا هیچ تعديل نامتقارنی بین قیمت‌های سهام و بازده نقدی سهام در بلندمدت در بازار بورس اوراق بهادر تهران طی دوره زمانی فور دین ۱۳۷۹ تا آبان ۱۳۸۷ وجود دارد یا خیر؟ نتایج مشخص کردند که رابطه همانباشتگی بلندمدت بین قیمت سهام و بازده نقدی سهام وجود ندارد، که بیانگر وجود حباب عقلایی است.

**کلید واژه‌ها:** تعديل نامتقارن، مدل اتورگرسیو آستانه‌ای تکانه‌ای، مدل ارزش حال، همانباشتگی، حباب عقلایی.

۱- عضو هیئت علمی گروه اقتصاد دانشگاه بولی سینا همدان - ایران

۲- عضو هیئت علمی گروه مدیریت مالی، دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران - ایران

۳- دانشجوی دوره دکترای اقتصاد، گروه اقتصاد دانشگاه بولی سینا همدان - ایران

#### مقدمه

بورس اوراق بهادار به عنوان بخشی از بازار سرمایه، نقش بسیار مهمی در هدایت پس‌انداز به بخش‌های تولید اقتصادی در همه کشورها ایفا می‌نماید. بورس آینه اقتصاد کشور است ولی امروزه در اقتصاد بسیاری از کشورهای در حال توسعه وضعیت متغیرهای کلان اقتصادی با صعود شاخص‌های بورس همخوانی ندارد و در واقع رابطه اقتصاد و بورس قطع شده است [۳]. یکی از عوامل به وجود آورنده این مسایل نوسانات قیمت دارایی و به خصوص، تشکیل حباب قیمت سهام است. این پژوهش به بررسی وجود حباب عقلایی در شاخص قیمت سهام بورس اوراق بهادار تهران طی دوره زمانی فوروردین ۱۳۷۹ تا آبان ۱۳۸۷ می‌پردازد.

پدیده حباب اصطلاحی است که مکرر در بازارهای سهام پدیدار می‌شود. بسیاری از پژوهشگران برای شروع این مطلب از دو جنبه به موضوع توجه می‌کنند: اولین جنبه تعریف اقتصاد ریاضی است که حباب‌های موجود در قیمت دارایی‌ها را توصیف می‌نماید و دومین مورد آن، اقتصاد نظری است که به بحث و بررسی حباب موجود در بازار سهام می‌پردازد [۲۱]. به طور کلی در ادبیات تعریف حباب و علت‌های وقوع آن، توافقی وجود ندارد [۱۸]. همچنین کشف حباب نیز به علت غیر قابل مشاهده بودن مؤلفه‌های بنیادی بازار، با مشکل مواجه است [۲۵]. بنابراین می‌توان گفت این تعاریف و توضیحات به دلیل سوء تفاهم و تعبیرهای اشتباه از سفت‌های بازی است.

اقتصاد ریاضی حباب را به صورت تفاضل مثبت بین قیمت‌های واقعی و قیمت‌های مناسب<sup>۱</sup> (ارزش‌های بنیادی<sup>۲</sup>) دارایی، تعریف می‌کند. قیمت واقعی به صورت زیر داده می‌شود:

$$p_t = \sum_{j=1}^{\infty} \frac{E_t(d_{t+j})}{(1+r)^j} + b_t \quad [1]$$

که:

$d_t$  = سود سهام،

قیمت سهام در زمان  $t$ ،  $p_t$

(.) مقدار مورد انتظار بر اساس اطلاعات ارزشمند و معتبر موجود در زمان  $t$ ، است.

1. Fair

2. Fundamental Values

اگر نرخ  $r$  طی کل دوره ثابت باشد، قیمت تعادلی (مقدار بنیادی) به دست می‌آید و  $b_t$  مقدار حباب تصادفی<sup>۱</sup> را نشان می‌دهد که برقراری این شرط را موجب می‌شود و به صورت  $b_t = E_t(b_{t+1})/(1+r)$  است، بنابراین در این ادبیات، اصل حباب منفی وجود ندارد[۲۱]. از طرف دیگر، در کلام اقتصادی، حباب تعریف گسترده‌تری دارد و در علم اقتصاد، هر تعریف عملیاتی از حباب قیمتی دارایی به‌طور زیادی ذهنی<sup>۲</sup> است. ذهنی بودن از دو منبع شکل می‌گیرد: نخست، حباب قیمتی دارایی اغلب به صورت انحراف عمده قیمت‌های دارایی از ارزش بنیادی خود، بیان می‌شود [۲۲].

دوم، اندازه و مدت زمانی که قیمت‌ها از ارزش بنیادی و ذاتی خود فاصله می‌گیرند قبل از این که به عنوان حباب مطرح شود، نیز به‌طور زیادی ذهنی است در این زمینه، شواهد تجربی وسیعی وجود دارد که اشاره می‌کند که حباب‌ها، افزایش پایدار و طولانی مدت قیمت‌های دارایی است که با فروپاشی سریع قیمت‌ها در فاصله زمانی کوتاه‌تری، دنبال می‌شود [۱۴]. به نظر می‌رسد که دو تعریف متفاوت هستند، اما آن‌ها به‌طور اساسی مفهوم یکسانی می‌دهند: قطعه قیمت‌های سهام از مقادیر بنیادی اقتصاد منحرف می‌شوند[۲۴].

همواره تصور می‌شود، نوسانات شدید قیمت سهام منتهی به حباب می‌شود، در حالی که شناسایی حباب‌های قیمتی و تمایز آن از نوسانات شدید قیمتی، موضوع مهمی است که سال‌ها مورد توجه متخصصان مالی و اقتصادی قرار داشته است. همان‌طور که از نام نوسانات شدید استنباط می‌شود، به افزایش و یا کاهش شدید قیمت سهام اطلاق می‌شود. اغلب این نوسانات به عنوان ریسک سهام مربوط شناخته می‌شوند. نوسانات قیمت سهام در کوتاه‌مدت حالت تکرارشونده دارند و عناصر اصلی این نوسانات ماهیت بازار و مکانیزم عرضه و تقاضا و سایر عوامل اثرگذار بیرونی هستند. در حالت وجود نوسانات شدید قیمتی، خریدار سهام متوجه می‌شود که قیمت بالای سهام توجیه مالی نداشته است؛ یعنی افزایش قیمت سهام با سود مورد انتظار آن تناسب ندارد بنابراین با واکنش مجدد سهام‌دار، قیمت‌های سهام رو به کاهش می‌گراید. در ضمن نوسانات قیمت گاهی بر یک روند استوار بوده و گاهی به طور نامنظم رخ می‌دهد، اما معمولاً حباب مفهومی یک‌طرفه از افزایش شدید را دربر دارد.

---

1. Stochastic Bubble  
2. Subjective

حباب قیمتی وقتی رخ می‌دهد که قیمت معاملات جاری سهام از ارزش واقعی خود جدا می‌شود، این وضعیت یا از طریق واکنش بازار از بین می‌رود یا تشیدمی‌شود، بنابراین حباب واقعی از حالت تشید شونده افزایش قیمت سهام ناشی می‌شود. در حالت وجود نوسان قیمتی، کاهش و افزایش قیمت دارای نوسانات تکرار شونده است اما در حالت وجود حباب، افزایش قیمت سهام همچنان ادامه می‌یابد تا به نقطه‌ای بحرانی برسد، در این نقطه آغاز توقف معاملات سهام شروع شده و در عمل گفته می‌شود حباب قیمتی در حال ترکیدن است [۱۹]. بنابراین می‌توان گفت، حباب‌های قیمتی سهام از دیگر شوک‌های اقتصادی کلان متفاوت هستند؛ زیرا نادر هستند و آثار ماندگاری دارند. به هر حال کشف حباب به علت غیر قابل مشاهده بودن ارزش‌های بنیادی و ذاتی بازار آن دارایی، مشکل است [۲۲].

حال سؤال این است که آیا با فرض رفتار و انتظارات عقلایی حباب در بازار به وجود می‌آید؟ بحث‌های نظری بیان می‌کنند بازارها می‌توانند از ارزش‌های بنیادی منحرف شوند حتی اگر بیشتر عوامل به طور عقلایی رفتار کنند. یعنی حتی با فرض انتظارات و رفتار عقلایی، حباب عقلایی در بازار می‌تواند به وجود می‌آید [۱۸]. بسیاری از الگوهای انتظارات عقلایی، یک جنبه عدم قطعیت دارند. بیشتر این گونه عدم قطعیت‌ها از آن جا ناشی می‌شود که تصمیمات جاری نهادها، هم به قیمت جاری بازار و هم به انتظارات آن‌ها از قیمت‌های آتی بستگی دارد. چون قیمت جاری تابعی است از انتظارات درباره قیمت آتی، که خود تابعی از قیمت جاری است، بنابراین یک الگوی ساده اقتصادی قادر به تعیین قیمت بازار نیست و فقط می‌تواند سری‌های قیمتی را تعیین کند، اما تنها یک سری مسیر قیمت بازار است و سری‌های دیگر حباب قیمت هستند.

این موضوع، بحث اصلی نظریه حباب‌های عقلایی است. در چنین حالتی باید در الگوهای پیش‌بینی قیمت جاری بازار، محدودیت‌های انسانی را در نظر گرفت تا پژوهشگر بتواند بار دیگر از مسیرهای قیمت، تنها یک مسیر منحصر به فرد را بررسی کند [۱۹].

ارزش بنیادی قیمت دارایی‌ها با توجه به خصوصیات بازارهای مربوط به آن دارایی، بیان متفاوت اما مفاهیم مشابهی دارد. در مورد دارایی‌های مالی مثل سهام، فرض بر این است قیمت این نوع دارایی، منعکس کننده ارزش تنزیل شده سودهای دریافتی دوره‌های آینده

آن، است؛ یعنی مؤلفه بنیادی قیمت دارایی‌ها، مطابق با ارزش‌های به دست آمده از مدل‌های متعارف قیمت‌گذاری دارایی، هستند [۱۴].

این مقاله اعتبار مدل ارزش حال با انتظارات متغیر زمانی را با استفاده از آزمون همانباشتگی آستانه‌ای تکانه‌ای M-TAR بررسی می‌کند. برای این منظور در بخش دوم مقاله، ادبیات موضوع و پیشینه پژوهش مورد بررسی قرار می‌گیرد. در بخش سوم مقاله، مدل مورد استفاده معرفی و در بخش چهارم بعد از معرفی داده‌ها و متغیرهای مدل به تخمین و تحلیل نتایج خواهیم پرداخت. در بخش آخر مقاله، نتیجه‌گیری و پیشنهادها آورده شده است.

## ۲- مرواری بر ادبیات موضوع و پیشینه پژوهش

مفهوم حباب از اوایل قرن ۱۷ وارد ادبیات اقتصاد شده است. از آن زمان تا کنون نمونه‌های متعددی به عنوان دوران حباب قیمتی یاد شده است. در دوره ۱۹۸۵-۱۹۹۰ دارایی‌های ژپن و هم‌چنین در سال ۱۹۹۸-۲۰۰۰ بازار اینترنت آمریکا دچار حباب شده بودند که دومی به جنون دات کام<sup>۱</sup> معروف است. [۱۵].

در ایران سقوط بورس اوراق بهادر تهران در اواخر سال ۱۳۸۳ بعد از یک دوره رونق چشمگیر اتفاق افتاد که سؤالات زیادی را در ذهن پژوهشگران و کارشناسان امر به وجود آورده است، مانند این که آیا، این افزایش قیمت‌ها ناشی از وجود حباب در بورس اوراق بهادر تهران بوده است؟

تئوری حباب‌های عقلایی بلانچارد (1979)، نشان می‌دهد که حتی با وجود انتظارات عقلایی جان میوث<sup>۲</sup> (1961)، امکان انحراف قیمت دارایی از ارزش‌های بنیادی بازار وجود دارد. رشد حباب‌های عقلایی بازتاب وجود انتظارات خود افزا ناشی<sup>۳</sup> از افزایش‌های آتی قیمت دارایی است. این حباب‌ها ویژگی بازارها هستند به این صورت که خرید یک دارایی توسط سرمایه‌گذار، به علت پیش‌بینی وی از این که می‌تواند دارایی را با قیمتی بالاتر مجدد به سرمایه‌گذاری دیگر که خواهان خرید دارایی به همین دلیل است، به فروش برساند.

1. Dot -Com Mania

2. Muth

3. Self-Fulfilling Expectations

هامیلتون و وایتمن (۱۹۸۵) نوعی استراتژی تجربی را برای آزمون‌های مانابی به منظور بررسی وجود حباب‌های عقلایی انفعاری بدون آثار ممکن بازدارندگی متغیرهای غیرقابل مشاهده‌ای بر روی ارزش بنیادی بازار پیشنهاد می‌کنند.

نانز و دی ای سیلووا (۲۰۰۷)، با استفاده از مدل‌های همانباشتگی متعارف و همانباشتگی آستانه‌ای به بررسی وجود حباب‌های عقلایی در ۱۸ بازار سهام، پرداختند. طبق نتایج برآورد هر دو مدل، در بازارهای سهام شیلی، اندونزی، کره و فیلیپین حباب‌های منجر شونده<sup>۱</sup> و در بازارهای سهام چین، بربازیل، ونزوئلا، کلمبیا، شیلی، اندونزی، کره و فیلیپین، حباب‌های تحلیل‌رونده<sup>۲</sup> وجود دارد.

کویستر و سرلتیز (۲۰۰۵)، از تکنینک همانباشتگی کسری<sup>۳</sup> و مدل ARFIMA، به بررسی وجود ریشه واحد در لگاریتم قیمت - سود سهام شاخص S&P500 و این فرضیه که شوک‌های بروزنزا آثار همیشگی دارند، پرداختند. بر طبق نتایج تجربی، فرضیه صفر وجود ریشه واحد و درنتیجه وجود حباب عقلایی در شاخص S&P500 به شدت رد می‌شود، که بیانگر آن است که لگاریتم قیمت - سود سهام، نوعی فرآیند میانگین معکوس است.

آرش میرشمی (۱۳۷۸)، به بررسی اهمیت سرمایه‌گذاری و اباشت سرمایه در رشد اقتصادی پرداخته و بورس را محلی برای انجام آن معرفی کرده است. پژوهشگر نتیجه گرفته است که وجود حباب عقلایی در بازار منعکس کننده نقض دو نکته فوق است. این مطالعه در صدد بررسی تحقق این امر در بورس اوراق بهادار تهران و تشریح علل و راههای پیشگیری از آن است.

کورش معدلت (۱۳۸۱)، به تبیین شکل واقعی تغییرات در شاخص سهام و بررسی وجود حباب قیمتی در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از روش فضای حالت<sup>۴</sup>، طی سال‌های ۱۳۷۸ و ۱۳۷۹ پرداخته است. برآوردها نشان می‌دهند، در بورس اوراق بهادار طی سال‌های ۱۳۷۴ تا ۱۳۷۷ و نیز از اواسط سال ۱۳۷۹ تا سال ۱۳۷۹، وجود حباب قیمتی مشهود است. درواقع تغییرات غیرقابل انتظار قیمتی در این بازار وضعیت امکان ایجاد حباب‌های قیمتی را تشدید نموده است. اگرچه بخشی از رونق به وجود آمده در این بازار را می‌توان به مواردی

1. Explosive Bubbles
2. Collapsing Bubbles
3. Fractional Integration
4. State Space

همچون تحولات مدیریتی، بورس منطقه‌ای و کالایی و ...، نسبت داد اما بخش قابل توجهی نیز به وجود حباب در این بازار مربوط می‌شود.

محمد رضا بابایی سمیرمی (۱۳۸۴)، به بررسی وجود حباب‌های تورمی عقلایی طی سال‌های ۱۳۴۰-۱۳۸۲ پرداخته است. در این پژوهش دو فرضیه بروز نبودن عرضه پول نسبت به تورم به وسیله‌ی آزمون علیت گرانجرو فرضیه وجود نداشتن حباب‌های تورمی عقلایی توسط روش وست (۱۹۸۷) بررسی شده‌اند. براساس یافته‌ها، عرضه پول نسبت به تورم بروزرا بوده و طی دوره مطالعه حباب‌های تورمی عقلایی وجود داشته است.

صمدی و همکاران (۱۳۸۶)، در مقاله خود با استفاده از قاعده فیلتر میزان کارایی بورس اوراق بهادر تهران را برای دوره ۱۳۸۳-۱۳۸۶ با به کار گیری داده‌های ماهانه اندازه گیری نموده‌اند. ایشان همچنین با استفاده از روش CAPM وجود حباب قیمتی در بورس اوراق بهادر را برای دوره بعد از رکود بررسی نموده‌اند. بر اساس نتایج به دست آمده بازار اوراق بهادر تهران قادر کارایی در سطح ضعیف است و براساس مدل CAPM حباب در قیمت‌ها وجود ندارد و قیمت سهام در طی دوره مورد بررسی به ارزش ذاتی خود نزدیک شده‌اند.

### ۳- مدل ارزش حال<sup>۱</sup>

آزمون اعتبار مدل ارزش حال، شامل آزمون‌های همانباشتگی بین قیمت‌های حقیقی سهام و سودهای حقیقی سهام، خواهد بود. از لحاظ تئوریکی الزامی به فرض ذات خطی بودن سیستم نیست. مطالعات تجربی متعددی به این نتیجه رسیده‌اند که سری‌های زمانی مالی مانند قیمت سهام، نوعی رابطه غیر خطی را نشان می‌دهند. در نتیجه روش‌های انباستگی مرسوم و هم انباستگی، به دلیل این که فرضیه صفر را وجود یک ریشه واحد و فرضیه جانشین را فرآیندی خطی فرض می‌کنند، مناسب نخواهند بود. بنابراین در این پژوهش، مدل اوتورگرسیو آستانه‌ای<sup>۲</sup> (M-TAR) اندرس و گرانجر (۱۹۹۸) به کار گرفته شده است. در این مدل تعدیلات نامتقارن قیمت سهام یا مکانیزم تصحیح خط وجود دارد. بنابراین شواهد مناسب‌تری را برای پذیرش اعتبار مدل ارزش حال فراهم می‌نماید.

1. Present Value Model

2. Momentum Threshold Autoregressive Model

اساس و مبنای مدل ارزش حال، انتظارات عقلایی است. در این مدل قیمت حقیقی سهام،  $P_t$ ، به سود حقیقی سهام موردنظر انتظار تنزیل شده در دوره‌های آتی،  $D_t$ ، با استفاده از بازدهی مورد انتظار متغیر زمانی<sup>۱</sup> یا نرخ تنزیل، مرتبط شده‌اند. بنابراین مدل ارزش حال بین قیمت‌های حقیقی سهام و سودهای حقیقی سهام، به صورت زیر است:

$$P_t = \frac{1}{(1+R)} E_t (P_{t+1} + D_{t+1}), \quad [2]$$

$E_t$ : عملگر امید ریاضی مشروط بر اطلاعات تا زمان  $t$  است،

$P_t$ : قیمت حقیقی سهام در زمان  $t$ ،

$D_t$ : سود حقیقی سهام بین دوره  $t$ ،

$t+1$ ،  $1/(1+R)$ : نرخ تنزیل

$R$ : بازدهی حقیقی انتظاری که ثابت فرض می‌شود، است.

در صورت برقراری شرط تقاطعی بالا، قیمت حقیقی سهام با ارزش بنیادی  $P_t$  معادل خواهد بود. با دنبال کردن روش کمپل و شیلر (۱۹۸۷) داریم:

$$P_t - \frac{D_t}{R} = \left( \frac{1}{R} \right) E_t \left[ \sum_{i=1}^{\infty} \left( \frac{1}{1+R} \right)^i \right] \Delta D_{t+i} \quad [3]$$

در اینجا  $\Delta$  تفاضل مرتبه اول را مشخص می‌سازد. حتی اگر هم قیمت و هم سود حقیقی سهام، ناپایا باشند، تحت فرض عدم وجود حباب، سمت راست معادله (۳) پایا با درجه هم انباشتگی ((I)(0)، است. بنابراین،  $P_t$  و  $D_t$  هم انباشتگی  $[1/R, -1]$ -خواهند بود. به این مفهوم که اگرچه متغیرها ناپایا هستند ولی ترکیب خطی آنها پایا شده است. پژوهش‌های اخیر نشان داده‌اند، بهترین رابطه بین قیمت و سود سهام، با استفاده از مدل غیرخطی مشخص می‌شود.

هنگامی که رابطه بین قیمت‌ها و بازدهی‌ها غیرخطی باشد، رفتار قیمت سهام در طی زمان متغیر خواهد بود. اگر فرض ثبات بازدهی نیز برقرار باشد، باز هم خطای محاسباتی وجود خواهد داشت. بنابراین، کمپل و شیلر (۱۹۸۸a, ۱۹۸۸b) تقریب لگاریتمی - خطی را از

---

1. Time-Varying

چارچوب مدل ارزش حال فرض کردند، که رفتار قیمت‌های سهام را تحت هر مدلی از بازدهی‌ها انتظاری، ممکن می‌سازد. بنابراین، معادله ارزش حال به صورت زیر می‌شود:

$$P_t = \frac{\Phi}{1-\lambda} + E_t \left[ \sum_{i=1}^{\infty} \lambda^i ((1-\lambda)d_{t+i} - r_{t+i}) \right] \quad [4]$$

با دوباره نوشتن معادله (۴) به فرم ضریب لگاریتم سود سهام – قیمت سهام، معادله ارزش حال به صورت زیر به دست می‌آید:

$$d_t - p_t = -\frac{\Phi}{1-\lambda} + E_t \left[ \sum_{i=1}^{\infty} \lambda^i (-\Delta d_{t+i} + r_{t+i}) \right] \quad [5]$$

$p_t$  و  $d_t$  به ترتیب لگاریتم قیمت حقیقی سهام و لگاریتم سود سهام می‌باشند.  $r_t$  لگاریتم نرخ تنزیل متغیر زمانی است.  $\Phi$  و  $\lambda$  پارامترهای خطی‌سازی، هستند. اگر تغییرات در لگاریتم سود سهام و نرخ تنزیل، این فرآیند پایا را دنبال کنند، لگاریتم قیمت سهام و لگاریتم سود سهام هم‌انباشته با بردار همگرایی  $[1, -1]$  می‌شوند و لگاریتم ضریب قیمت سهام – سود سهام فرآیند پایایی خواهد داشت.

بنابراین آزمون اعتبار معادله (۵)، شامل آزمون پایایی لگاریتم ضریب قیمت سهام – سود سهام است و نیازمند برآورد پارامتر مجهول هم‌انباشتگی یا به دست آوردن مقادیر اسمی آن‌ها، توسط شاخص قیمتی مناسب، نیست. در ابتدا، معادله (۵) بیان می‌کند که اگر انتظار رشد سود سهام وجود داشته باشد، قیمت‌های جاری افزایش خواهد یافت در نتیجه، ضریب سود سهام – قیمت کاهش می‌یابد. درحالیکه اگر پیش‌بینی شود که نرخ تنزیل در دوره‌ی آینده افزایش می‌یابد، انتظار کاهش رشد سود سهام می‌رود، قیمت‌های جاری کاهش می‌یابند و درنتیجه، ضریب سود سهام قیمت افزایش خواهد یافت.

نبود پایایی در ضریب سود سهام – قیمت یا عدم وجود هم‌انباشتگی بین قیمت‌های حقیقی و سود حقیقی سهام، می‌تواند به علت مؤلفه‌های غیر بنیادی در قیمت سهام باشد که تساوی (۲) را برقرار نمی‌سازند و موجب انحرافات موقت در این رابطه تعادلی می‌شوند. بنابراین، اعتبار مدل‌های ارزش حال خطی توصیف شده در بالا، رد می‌شود. با این حال، ضریب لگاریتم سود سهام قیمت در بلندمدت پایا خواهد ماند. حتماً چنین انحرافاتی بر رابطه پویا بین سود سهام قیمت سهام دلالت دارند. به نوعی این مؤلفه‌های غیر بنیادی به حباب

عقلایی نسبت داده می‌شوند، مثل حباب‌های سفت‌بازی و حباب‌های به‌طور دوره‌ای فروپاشنده [۲۲].

هنگامی که بازدهی‌های مورد انتظار در خلال زمان متغیر باشند، مدل ارزش حال به‌طور کلی بر وجود رابطه پایا بین متغیرهای در سطح انباسته  $P_i$  و  $D_i$  دلالت ندارد. در مقابل، آزمون‌های هم انباستگی مبتنی بر ضریب لگاریتم قیمت - سود سهام، با وجود بازدهی‌های متغیر زمانی، معتبر هستند. بررسی تجربی این پژوهش برطبق مفاهیم قابل آزمون مدل ارزش حال (۵) با بازدهی‌های مورد انتظار متغیر در طی زمان، است. هنگامی که تعديلات در جهت ارزش بلندمدت لگاریتم قیمت - سود سهام، نامتقارن باشد، آزمون‌های هم انباستگی متعارف توان پایینی خواهد داشت. اما طراحی M-TAR، انواع معین رفتارهای تعديلی نامتقارن، که برای بینش عمیق‌تر ویژگی‌های ضریب لگاریتم قیمت سهام - سود سهام و رفتار قیمت سهام مورد نیاز است، را در بر دارد.

آزمون‌های هم انباستگی متعارف بین قیمت سهام و سود سهام، یافته‌های مهمی می‌دهند که به آزمون اجرا شده، تصریح آن، دوره نمونه و فراوانی داده‌ها وابسته هستند. در حقیقت با لحاظ شوک‌های مثبت و منفی ممکن است در هر تعديلی به سمت ارزش بنیادی، نوعی عدم تقارن وجود داشته باشد. به علاوه آزمون‌های هم انباستگی متقارن، در مقابل پیش زمینه‌ای از تعديلات نامتقارن، قدرت کمتری دارند. به هر حال توانایی این روش‌ها برای شناسایی حباب به این فرض بستگی دارد که یک فرآیند اتورگرسیو، روند حباب را بتواند با یک ثابت، حدود واحد، توصیف نماید.

بنابراین با توجه به مبانی نظری ارایه شده روش عملی سنجش وجود حباب در این مقاله، تکنیک هم انباستگی آستانه‌ای تکانه‌ای برای آزمون قیمت سهام و بازده نقدی سهام با تعديل نامتقارن در بورس اوراق بهادار تهران، در نظر گرفته شده است.

#### ۴- معرفی متغیرها و تخمین مدل

اگرچه بورس ایران در مقایسه با کشورهای صنعتی، جایگاه بسیار ضعیفی دارد و کلیه آمارها و گزارش‌های منتشره نیز مؤید این امر است، ولی طی سال‌های ۱۳۶۹ تا ۱۳۷۵ از نظر رشد شاخص کل قیمت سهام در بین بورس‌های مختلف دنیا، رتبه اول را داشته است.

فعالیت بورس اوراق بهادر در فاصله سال های ۱۳۷۹ تا ۱۳۸۷ رونق و رکودهای فراوانی را تجربه کرده است.

در نیمه اول سال ۱۳۸۷ به دلیل شرایط رکودی حاکم بر معاملات مسکن و انتقال نقدینگی از این بازار به بورس، روند مثبتی بر بازار حاکم بود. در نیمه دوم سال، با توجه به بحران مالی آمریکا و آثار آن بر اقتصاد جهانی، بازار سرمایه ایران نیز از شرایط رکودی حاکم بر جهان متأثر شد. این بحران باعث کاهش قیمت جهانی برخی فلزات از جمله فولاد شده است و همراه با سایر آثار انتظاری خود، موجبات کاهش مجدد شاخص های قیمت در بورس را فراهم آورد. [۲].

در نمودار (۱) پیوست می توان روند ییان شده را برای متغیرهای شاخص قیمت کل سهام و شاخص بازده نقدی مشاهده نمود. این صعود و سقوط در ظاهر امر حباب قیمتی تشخیص داده می شود که در ادامه به بررسی آن خواهیم پرداخت.

در این مطالعه، سری زمانی ماهانه متغیرهای زیر از آغاز فروردین ماه سال ۱۳۷۹ تا پایان آذر ماه سال ۱۳۸۷ در نظر گرفته شده است که از نشریه نماگرهای اقتصادی بانک مرکزی جمهوری اسلامی ایران گردآوری شده‌اند.

شاخص کل قیمت سهام: شاخص قیمت سهام در بورس اوراق بهادر تهران به نام تیپکس<sup>۱</sup> در سطح بین‌المللی شناخته شده است. این شاخص مهم‌ترین معیار سنجش عملکرد بورس اوراق بهادر تهران و سنجش نوسان‌های قیمتی است.

شاخص بازده نقدی سهام: شاخص بازده نقدی سهام با عنوان تدیپیکس<sup>۲</sup> در سطح بین‌المللی شناخته شده است. این شاخص میزان بازده نقدی حاصل از سرمایه‌گذاری بر روی سهام را نشان می‌دهد و بیانگر سطح عمومی بازده نقدی پرداختی شرکت‌ها است. روش آزمون در این پژوهش، تجزیه و تحلیل شاخص حقیقی قیمت سهام و سود حقیقی سهام با تعدیلات نامتقارن، است. متغیرها شامل شاخص کل قیمت سهام به سال پایه ۱۳۶۹ و بازده نقدی سهام برگرفته شده از نماگرهای اقتصادی بانک مرکزی از فروردین ۱۳۷۹ تا آبان ۱۳۸۷ هستند.

این آزمون فرآیند دو مرحله‌ای به صورت زیر دارد:

1.TEPIX

2.TEDPIX

در مرحله اول، رابطه تعادلی بلندمدت زیر برآورد می‌شود:

$$P_t = \alpha_0 + \alpha_1 D_t + u_t \quad [6]$$

$P_t$  و  $D_t$  به ترتیب لگاریتم شاخص قیمت سهام و بازده نقدی سهام هستند و  $u_t$  جمله اختلال تصادفی است. در آزمون همانباشتگی انگل-گرانجر فرضیه  $\alpha_1 = 0$  یعنی عدم همانباشتگی آزمون می‌شود. رد فرضیه صفر دلالت دارد بر این که  $u_t$  پایدار با میانگین صفر است. این نتیجه دلالت بر ویژگی متقارن بودن تعدیل، دارد. از این‌رو رابطه بلندمدت، اکیداً متناسب با مقادیر صحیح  $\alpha_1, \rho_1, \rho_2$  خواهد بود. به دلیل امکان پایداری نامتقارن، اندرس و گرانجر (۱۹۹۸) معادله بالا را به صورت روش گشتاور اتورگرسیو آستانه‌ای، بسط دادند. در مرحله دوم، برآورد OLS را از رگرسیون زیر برای ضرایب  $\rho_1$  و  $\rho_2$  به دست می‌آوریم:

$$\Delta u_t = I_t \rho_1 u_{t-1} + (1 - I_t) \rho_2 u_{t-1} + \sum_{i=1}^L \gamma_i \Delta u_{t-i} + \varepsilon \quad [7]$$

$\varepsilon$  اختلال نویز سفید است. پسمندی‌های  $u_t$  از معادله اول، را در معادله دوم جاگذاری کرده و سپس معادله به دست آمده را تخمین می‌زنیم. از آنجایی که معادله (۷) بدون جمله  $\sum_{i=1}^L \gamma_i \Delta u_{t-i}$  ممکن است برای محاسبه پویایی‌های تعدیل  $\Delta u_t$  در جهت مقدار تعادلی بلندمدت کافی نباشد و به منظور اطمینان از این که خطاهای فرآیندی اختلال نویز سفید را تقریب می‌زنند، در این معادله تغییرات با وقفه دنباله  $u_t$  اضافه شده است.  $I_t$  تابع شاخص هویساید<sup>۱</sup> است. اندرس و گرانجر (۱۹۹۸) تغییرات یک دوره گذشته پسمندی‌ها را در نظر می‌گیرند به طوری که:

$$I_t = \begin{cases} 1 & \text{if } \Delta u_{t-1} \geq \tau \\ 0 & \text{if } \Delta u_{t-1} \leq \tau \end{cases} \quad [8]$$

که  $\tau$  مقدار آستانه است. شرط لازم برای پایایی دنباله  $\{\Delta u_{t-1}\}$  آن است که  $(\rho_1, \rho_2) < 2$ - باشد. همگرای یعنی در بلندمدت رابطه  $\tau = 0$  برقرار است. اگر مقادیر بلندمدت  $u_{t-1}$  کاهش یابد، تعدیل صورت گرفته، بر  $\rho_2 u_{t-1}$  دلالت دارد. اگر

---

1. Heaviside

واریانس  $\sigma^2$  به اندازه کافی بزرگ باشد، این امکان وجود دارد که یکی از ضرایب بین  $\rho_1$  و  $\rho_2$  ضریب دیگر مساوی با صفر باشد. اگر این دنباله پایا باشد، برآورد حداقل مربعات از  $\rho_1$  و  $\rho_2$  توزیع چند متغیره نرمال مجذبی خواهد داشت. زمانی که تعدیلات نامتقارن باشند، به گونه‌ای که تکانه‌های بیشتری را در یک جهت خاص نسبت به دیگری نشان دهد، این مدل ارزش خاص دارد.

ابتدا فرضیه ریشه واحد، عدم همگرایی،  $\rho_1 = \rho_2 = H_0$  را با استفاده از آماره F آزمون می‌کنیم. اگر فرضیه جانشین پذیرفته شد، می‌توانیم فرضیه صفر تعديل متقارن و خطی  $\rho_1 = \rho_2 = H_0$  را در مقابل فرضیه رقیب تعديل نامتقارن، با استفاده از آماره F متعارف آزمون کنیم. توزیع آماره F برای آزمون اول، از تعداد متغیرها در رابطه هم انباستگی مشخص می‌شود.

مقدار آستانه به طور کلی ناشناخته است و نیازمند این است که همراه  $\rho_1$  و  $\rho_2$ ، برآورد شود. برای پیدا کردن برآورد سازگاری از مقادیر آستانه، بطبق روش شبکه‌ای<sup>۱</sup> چان (۱۹۹۳)، پسماندهای به دست آمده از رابطه هم انباستگی<sup>(۶)</sup> را به از کمترین مقدار به بیشترین مقدار مرتب کرده و ۰.۱۵٪ بزرگ‌ترین و کوچک‌ترین مقادیر را کنار گذاشته و ۰.۷٪ باقی‌مانده، می‌توانند به عنوان آستانه در نظر گرفته شوند. برای هر کدام از آستانه‌ها معادله (۷) را تخمین OLS می‌زنیم. آستانه بهین، کوچک‌ترین مجموع مربعات را می‌دهد. الف) در مرحله نخست برآورده از ضریب ارزش‌گذاری<sup>۲</sup> لگاریتم قیمت - بازده نقدی سهام، به دست می‌آوریم. ابتدا با آستانه صفر مدل را تخمین می‌زنیم. نتایج حاصل از برآورد OLS برای آستانه صفر، در جدول (۱) پیوست منعکس شده است.

با انجام آزمون‌های تشخیصی<sup>۳</sup>، نبود خودهمبستگی، وجود واریانس همسانی، و نرمال بودن جملات پسماند تأیید می‌شود. آماره‌های این آزمون‌ها به ترتیب ۰/۸۸۵۴۶۸، ۰/۷۵۶۹۲۱ و ۰/۴۲۳۵۲۶ هستند.

حال به انجام آزمون ریشه واحد می‌پردازیم. ابتدا فرضیه صفر  $\rho_1 = \rho_2 = 0$ ؛ یعنی عدم همگرایی و وجود ریشه واحد، با فرضیه جانشین تعديل متقارن و خطی، را بررسی می‌کنیم.

1. Grid Method
2. Valuation Ratio
3. Diagnostic Check

اگر فرضیه صفر رد شود، در مرحله بعدی می‌توان فرضیه صفر تعديل متقارن  $\rho_1 = \rho_2$  با فرضیه جانشین تعديل نامتقارن را آزمون کرد.

امکان مقایسه آماره F نمونه‌ای با مقادیر بحرانی آماره F مندرج در جدول این توزیع وجود ندارد. بنابراین همانند آزمون دیکی-فولرنمی توان از آماره F سنتی برای آزمون فرض

$\rho_1 = \rho_2 = 0$  استفاده نمود [۱۲]. با توجه به مشخص بودن مقدار آماره وجود یک تفاضل مرتبه اول با وقفه از متغیر واپسیه و این که تعداد مشاهدات کمتر از ۵۰ است، چون مقدار آماره F نمونه‌ای طبق جدول (۲) پیوست، کمتر از مقدار بحرانی آماره F جدول،  $5/11$ ، است بنابراین در سطح ۹۵ درصد فرضیه صفر وجود ریشه واحد و عدم همانباشتگی رد نمی‌شود. بنابراین مرحله بعد آزمون انجام نمی‌شود، چون هیچ گونه تعديلی در جهت بلندمدت صورت نمی‌گیرد.

معادله برآورد شده برای آستانه صفر بر طبق جدول (۱) پیوست، به صورت زیر است:

$$\Delta u_t = -0.004309 - 0.034561 I_t u_{t-1} - 0.018712(1 - I_t) u_{t-1} + 0.397531 AR(1) + \varepsilon, [9]$$

با توجه به این که ضرایب  $\rho_1$  و  $\rho_2$  از لحاظ آماری بی معنی هستند، نتیجه می‌شود که هیچ تعديلی به سمت پایداری وجود ندارد. بنابراین رابطه بلندمدتی بین قیمت سهام و بازده نقدی سهام وجود نخواهد داشت.

ب) با وجود خطاهای اندازه‌گیری و یا هزینه‌های تعديل ۱، دلیلی وجود ندارد فرض شود مقدار آستانه صفر باشد. با استفاده از روش چان مقدار بهینه آستانه متناظر با کمترین مجموع مربعات خطاهای  $OLS$  با استفاده از آستانه بهین، در جدول (۳) پیوست منعکس شده است.

با انجام آزمون‌های تشخیصی، عدم وجود خودهمبستگی، وجود واریانس همسانی، و نرمال بودن جملات پسماند تأیید می‌شود. آماره‌ها برای این آزمون‌ها به ترتیب  $0/840044$ ،  $0/1788$  و  $0/959371$  هستند.

حال به انجام آزمون ریشه واحد می‌پردازیم. ابتدا فرضیه صفر  $\rho_1 = \rho_2 = 0$ ، یعنی عدم همگرایی وجود ریشه واحد، با فرضیه جانشین تعديل متقارن و خطی، را بررسی می‌کنیم.

1. Adjustment Costs

اگر فرضیه صفر رد شود، در مرحله بعدی می‌توان فرضیه صفر تعديل مقارن  $\rho_1 = \rho_2$  با فرضیه جانشین تعديل نامتقارن را آزمون کرد.

طبق جدول (۴) پیوست، چون مقدار آماره F نمونه‌ای،  $1/424074$ ، کمتر از مقدار بحرانی آماره F جدول،  $5/11$ ، است بنابراین در سطح ۹۵ درصد فرضیه صفر وجود ریشه واحد و عدم همانباشتگی رد نمی‌شود. بنابراین مرحله بعد آزمون انجام نمی‌شود. چون هیچگونه تعدیلی در جهت بلندمدت صورت نمی‌گیرد.

معادله برآورد شده برای آستانه بهین بر طبق جدول (۳) پیوست، به صورت زیر است:

$$\Delta u_t = -0.006364 + 0.131341 I_t u_{t-1} - 0.030065(1 - I_t)u_{t-1} + 0.350917 AR(1) + +\varepsilon_t, \quad [10]$$

با توجه به این که ضرایب  $\rho_1$  و  $\rho_2$  از لحاظ آماری بی معنی هستند، نتیجه می‌شود که هیچ تعدیلی به سمت پایداری وجود ندارد. نتیجه می‌شود که رابطه بلندمدتی بین قیمت سهام و بازده نقدی سهام وجود خواهد داشت.

## ۵- نتیجه‌گیری

هدف از اجرای این پژوهش بررسی وجود یا نبود حباب عقلایی در شاخص کل قیمت سهام عادی بورس اوراق بهادار تهران است. برای رسیدن به این هدف، مدل ارزش حال بلندمدت با تعديلات نامتقارن مورد آزمون قرار گرفت. بنابراین، شاخص کل قیمت سهام و بازده نقدی سهام طی دوره زمانی فروردین ۱۳۷۹ تا آبان ۱۳۸۷، جمع آوری و مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت. با استفاده از روش M-TAR، در مرحله اول، با توجه به رد نشدن فرضیه صفر ریشه واحد، نتیجه می‌شود که لگاریتم قیمت سهام - بازده نقدی، ناپایا است. پس رابطه تعادلی بلندمدت بین متغیر قیمت سهام و متغیر بازده نقدی و در نتیجه همگرایی بین آنها وجود ندارد. شواهد تجربی این پژوهش اعتبار بلندمدت مدل ارزش حال را با انتظارات متغیر زمانی برای بازار سهام تهران تأیید نمی‌کند. این یافته‌ها تأییدی هستند بر این که قیمت سهام مرتبط با مقدار بنیادی خود حرکت نمی‌کند. بنابراین ارتباط بین قیمت‌های سهام و بازده نقدی سهام شکست می‌خورد. از این رو، قیمت سهام هم حرکتی با بازده نقدی ندارد و حباب عقلایی در بورس اوراق بهادار تهران وجود دارد. نبود هم انباستگی، نبود رابطه بلندمدت است که در صورت وجود هم انباستگی، رابطه کوتاهمدت به سمت تعادل بلندمدت گرایش خواهد داشت.

برای جلوگیری از ایجاد حباب در بازار بورس می‌توان به نکات زیر به عنوان پیشنهادها و توصیه‌های سیاستی اشاره نمود:

- ۱- بهبودسازی کارآیی بازار و کاهش عدم تقارن اطلاعات در تقلیل دادن ماندگاری حباب‌ها مفید خواهد بود.
- ۲- پیشنهاد می‌شود در پژوهش‌های بعدی آزمون برای وجود و نبود حباب‌ها با استفاده از داده‌هایی با فراوانی بالاتر، مثل هفتگی، روزانه، ساعتی و بالاتر، انجام شود.
- ۳- بر طبق مطالعات انجام شده در زمینه رابطه بین شاخص کل قیمت سهام در بورس اوراق بهادار تهران و متغیرهای کلان اقتصادی، تصمیمات دولت از جوانب مختلف روی بازار اوراق بهادار اثر دارد. دولت باید در کاهش نرخ بهره به آثار آن توجه کامل نماید تا از ایجاد شدن بحران در بورس به عنوان اهم اقتصاد جلوگیری نماید.
- ۴- مهیا کردن فروش استقراضی می‌تواند عامل بازدارنده ایجاد حباب باشد. با وجود شرایط فروش استقراضی، سرمایه‌گذاران حرفه‌ای که تصمیمات عقلایی تری نسبت به سایر سهامداران می‌گیرند، می‌توانند از ایجاد شدن حباب جلوگیری کنند. آن‌ها با فروش استقراضی، عرضه دارایی‌ها را افزایش می‌دهند و درنتیجه از افزایش قیمت جلوگیری می‌نمایند.

### منابع و مأخذ

۱. بابایی سعیری محمد رضا. بررسی وجود حباب‌های تورمی عقلایی مطالعه موردي ایران (۱۳۸۲-۱۳۴۲). پایان‌نامه کارشناسی ارشد دانشگاه مازندران، دانشکده علوم اقتصادی و اداری؛ ۱۳۸۴؛
۲. پویان فر احمد، راعی رضا، محمدی شاپور. فرآیند شکل‌گیری قیمت‌ها در بورس تهران - رویکرد ریز ساختاری، فصلنامه بررسی‌های حسابداری و حسابرسی؛ ۱۶: ۲۱-۳۸.
۳. جونز، چالرز پی. مدیریت سرمایه‌گذاری. ترجمه رضا تهرانی و عسگر نوربخش، تهران، نگاه دانش، چاپ سوم ۱۳۸۶.
۴. رهگذر رضا. مدل‌های ارزش‌گذاری و کفایت آن در تعیین قیمت سهام، فصلنامه بررسی‌های حسابداری و حسابرسی؛ ۱۳۸۴؛ ۴۵: ۱۱۴-۱۳۰.

۵. سایت آماری www.cbi.ir، بانک مرکزی جمهوری اسلامی ایران.
۶. صمدی سعید، زهرا نصراللهی و امین زاهد مهر. آزمون کارایی وجود حباب قیمت در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از قاعده فیلتر و الگوی CAPM، فصلنامه بررسی های اقتصادی ۱۳۸۶: ۹۱-۱۱۳.
۷. قریشی، میر حمید، آیا حباب شرکت های سرمایه گذاری کوچک تر است؟، اقتصاد ایران ۱۳۸۲؛ ۱۵: ۲۵-۲۲.
۸. گذاری اکبر. بررسی وجود حباب قیمتی در بورس اوراق بهادار تهران طی سالیان اخیر (۱۳۸۴-۱۳۸۳)، پایان نامه دوره کارشناسی ارشد، دانشگاه تربیت مدرس ۱۳۸۵.
۹. معدلت کورش. بررسی وجود حباب قیمتی در بورس بهادار تهران طی سال های اخیر، گزارش بانک مرکزی ۱۳۸۱.
۱۰. میر شمسی آرش. حباب های عقلایی در بورس اوراق بهادار تهران، پایان نامه دوره کارشناسی ارشد، دانشگاه شهید بهشتی، دانشکده علوم اقتصادی ۱۳۷۸.
11. Blanchard, Oliver. Speculative Bubbles, Crashes and Rational Expectations, Economics Letters 1979; 3: 387-389, 2-10.
12. Campbell, John.A. & Shiller, Robert.J. Co integration and Tests of Present Value models, Journal of Political Economy 1987; 95: 1062-1088.
13. ——————. The Dividends-Price Ratio and Expectations of Future Dividends and Discount Factors, Review of Financial studies 1988a; 1: 195-227.
14. ——————. Stock Prices, and Expected Dividends, Journal of Finance 1988b; 43: 661-676.
15. Chan, K.S. . Consistency and limiting Distribution of the least Squares Estimator of a Threshold Autoregressive model, The Annals of Statistics 1993; 21: 520-533.
16. Enders, Walter. Applied Econometric Time Series, John Wiley & Sons INC; 1995.
17. Enders, Walter & Granger, Clive.WJ. Unit-Root Tests and Asymmetric Adjustment with an Example Using the Term Structure of Interest Rates, Journal of Business and Economic Statistics 1998; 16: 304-11.

18. Filardo, Andrew. Monetary Policy and Asset Price Bubbles: Calibrating the Monetary Policy Trade-Offs, BIS Working Paper, Bank of International Settlements2004; 155: 2-8.
19. Garber, Peter.M. Famous First Bubbles: The Fundamentals of Early Manias, Cambridge, MA: MIT Press2000.
20. Hamilton, James D, & Whiteman, Charles H. the Observable Implications of Self-fulfilling Expectations, Journal of Monetary Economics1985; 16: 353-73.
21. Koustas, Zisismos & Serletis, Apostolos. Rational Bubbles or Persistent Deviations from Market Fundamentals?, Journal of Banking and Finance2005; 29: 2523-2539, 1-15.
22. Levin, Sheen & Zajac, Edward.J, the Social Life of Financial Bubbles, Institutional Theory Conference2001; 2-6.
23. Lever ton, Justin. Bubble Mania, the Park Place Economist, Journal Ilinis, Wesleyan University2002; X: 1-8.
24. Muth, john. Rational Expectations and Theory of Price Movements, Econometrica1961; 29: 315-335, 2-11.
25. Newman, Peter & Milgate, Murry & Eatwell, John. The New Palgrave Dictionary of Money and Finance, London, Macmillan (three volumes)1992; 74-76.
26. Nunes, Mauricio & Sergio, D.Silva. Rational Bubbles in Emerging Stock Markets, MPRA Paper2007; 4641: 1-10.
27. Selody, Jack & Wilkins, Carolyn. Asset Price Misalignments and Monetary Policy: How Flexibility Should Inflation-Targeting Regime Be?, Bank of Canada, Discussion Paper2007; 1-9.
28. Wei, S.Chi & Ling, C.Hsu & Shir.C, Yahn. Stock Prices and Dividends in Taiwan's Stock market: Evidence Based on Time-Varying Present Value Model, Economics Bulletin2007; 7, 4: 1-12.
29. Westerhof, Feank. Bubbles and Crashes: Optimism, Trend Extrapolation and Panics, Journal of Theoretical and Applied finance2003; 6, 8: 829-837, 2-4.